

## A Comparative Study between FRP and ATRP of Styrene by Monte Carlo Simulation: Effect of Free Radical Mobility

M. Najafi<sup>1,2</sup>, H. Roghani-Mamaqani<sup>1</sup>, M. Salami-Kalajahi<sup>1,2</sup>, and V. Haddadi-Asl<sup>1\*</sup>

1. Department of Polymer Engineering, Amirkabir University of Technology, P.O. Box: 15875-4413,  
Tehran, Iran

2. Polymer Science and Technology Division, Research Institute of Petroleum Industry (RIPI),  
Postal Code: 1485733111, Tehran, Iran

Received 24 June 2010, accepted 27 November 2010

### ABSTRACT

Styrene polymerization through FRP and ATRP methods was carried out at 110°C, while in-depth studies were performed by Monte Carlo simulation. The changes in monomer conversion, initiator concentration, average molecular weight, and polydispersity index were computed over the course of the polymerization. As the results indicate, compared to ATRP, the FRP reaches higher conversion in a similar reaction time. In addition, the concentration of initiator suddenly drops at the early stages of the ATRP and eventually amounts to zero; chain-length dependent termination rate constant also decreases as the polymerization progresses. However, in case of FRP, the concentration of initiator exponentially falls and termination rate constant rises during the reaction. Furthermore, the average molecular weight increases linearly in the course of ATRP, which testifies the living dynamism of the reaction. Finally, the molecular weight distribution of chains obtained by ATRP process is much narrower.

### Key Words:

polystyrene,  
ATRP,  
Monte Carlo simulation,  
chain-length effect,  
molecular weight  
distribution

(\* )To whom correspondence should be addressed.

E-mail: : haddadi@aut.ac.ir

# مقایسه پلیمرشدن رادیکال آزاد و پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم استیرن با استفاده از روش مونت کارلو با در نظر گرفتن اثر تحرک زنجیر

محمد نجفی<sup>۱\*</sup>، حسین روغنی ممقانی<sup>۱</sup>، مهدی سلامی کلچاهی<sup>۲</sup>، وحید حدادی اصل<sup>۱</sup>

۱- تهران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، دانشکده مهندسی پلیمر، صندوق پستی ۴۴۱۳-۴۴۷۵-۱۵۸۷۵

۲- تهران، پژوهشگاه صنعت نفت، پژوهشکده علوم و تکنولوژی پلیمر، کدپستی ۱۴۸۵۷۳۳۱۱۱

دریافت: ۸۹/۶/۳، پذیرش: ۸۹/۹/۶

## چکیده

پلیمرشدن استیرن با روش رادیکال آزاد (FRP) و هم‌چنین پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم (ATRP) در دمای ۱۰۵°C انجام و با استفاده از روش شبیه‌سازی مونت‌کارلو بررسی شد. تغییرات درجه تبدیل، غلظت آغازگر، وزن مولکولی و توزیع وزن مولکولی با پیش‌رفت واکنش ارزیابی شد. با توجه به نتایج، در یک زمان معین، FRP در مقایسه با ATRP به درجه تبدیل بیشتری می‌رسد. در ATRP، غلظت آغازگر در زمان‌های اولیه واکنش به شدت کاهش یافته و به مقدار صفر نزدیک می‌شود. هم‌چنین، مقادیر ثابت‌های سرعت اختتام وابسته به طول زنجیر با گذشت زمان واکنش کاهش می‌یابد. در حالی که در FRP، غلظت آغازگر به طور نمایی با زمان کاهش و ثابت سرعت اختتام با افزایش درجه تبدیل افزایش می‌یابد. در ATRP نمودار تغییرات وزن مولکولی متوسط عددی و وزنی تا درجه تبدیل‌های نسبتاً زیاد خطی است که بیان گر ماهیت زنده پلیمرشدن است. توزیع وزن مولکولی پلیمر حاصل از ATRP بسیار باریک‌تر از پلیمر حاصل از روش FRP است.

## واژه‌های کلیدی

پلی استیرن،  
پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم،  
شبیه‌سازی مونت کارلو،  
اثر طول زنجیر،  
توزیع وزن مولکولی

\* مسئول مکاتبات، پیام نگار:

haddadi@aut.ac.ir

## مقدمه

تجربی با استفاده از روش های شبیه سازی می تواند صحت داده ها را تأیید کند. یکی از روش های شبیه سازی متداول، روش شبیه سازی مونت کارلو است.

شبیه سازی مونت کارلو روش مناسبی برای به دست آوردن سینتیک واکنش های پلیمرشدن و پدیده های رخ داده در آنهاست. با استفاده از این روش، می توان پارامترهایی مانند متوسط های وزن مولکولی و شاخص پراکندگی را در طول واکنش بررسی کرد [۱۱-۷]. در این کار برای شبیه سازی، حجم کنترل مشخصی در نظر گرفته شده است که براساس آن تعداد سایر ترکیبات موجود در سامانه به دست می آید:

$$V = \frac{N_M}{[M]N_{av}} \quad (1)$$

$$N_X = [X]N_{av} V \quad (2)$$

در این معادلات،  $V$  حجم کنترل،  $N_M$  تعداد مولکول های درنظر گرفته شده برای مونومر،  $[M]$  غلظت مونومر،  $N_{av}$  عدد آوگادرو،  $N_X$  تعداد مولکول های ترکیب  $X$  و  $[X]$  غلظت ترکیب  $X$  هستند. اگر  $L$  واکنش در مدل ارایه شده وجود داشته باشد، احتمال انجام واکنش  $i$  ( $P_i$ ) از معادله (۳) به دست می آید:

$$P_i = \frac{a_i}{\sum_{l=1}^L a_l} \quad (3)$$

در این معادله،  $a_i$  سرعت آماری واکنش  $i$  است. حال اگر  $r_i$  عدد تصادفی باشد که به وسیله برنامه رایانه ای تولید می شود، روش انتخاب واکنش به ترتیب زیر است:

$$\begin{aligned} 0 < r_i \leq P_1 &\Rightarrow \text{Reaction 1} \\ P_{i-1} < r_i \leq P_i &\Rightarrow \text{Reaction } i \end{aligned} \quad (4)$$

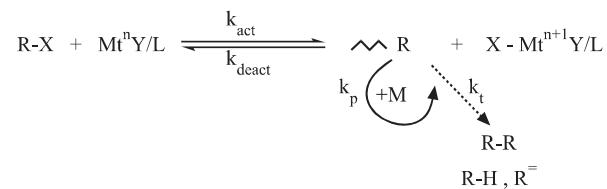
هم چنین، در طول انجام واکنش برای انتخاب زنجیر واکنش دهنده، تعداد زنجیرهای با طول یکسان از هر نوع مرکز فعال به عنوان یک گروه انتخاب می شود و احتمال شرکت هر گروه در واکنش با تقسیم تعداد آن بر کل تعداد زنجیرها به دست می آید. سپس، با انتخاب عدد تصادفی  $r_2$  طبق معادله (۴) عمل می شود.

شایان ذکر است، پایه شبیه سازی مورد قبول در روش مونت کارلو تولید اعداد تصادفی است. اعداد تصادفی باید دور تکرار طولانی داشته و آزمون های یکنواختی روی آنها انجام شده باشند. بنابراین، در این پژوهش از الگوریتم بهبودیافته Mersenne Twister برای تولید اعداد تصادفی استفاده شد که دور تکرار آن ۱-۲۱۹۹۳۷ است [۱۲، ۱۱]. برنامه های

پلیمرشدن رادیکالی کنترل شده زنده (CRP) در دو دهه اخیر پیش رفت زیادی داشته است. پلیمرهای با عامل های مختلف (عاملیت انتهای زنجیر یا عاملیت در طول زنجیر)، پلیمرهای با ترکیب درصد های متفاوت (هوموپلیمرها، کوپلیمرهای تصادفی، قطعه ای، گرادیانی و پیوندی) و پلیمرهای با توپولوژی متفاوت (خطی، ستاره ای، شاخه ای و شانه ای) یا ترکیبی از این ساختارها با این روش قابل سنتز هستند [۱]. هم چنین، مونومرهای مختلفی مانند مونومرهای استینری، آکریلات ها، متاکریلات ها، آکریلونیتریل، آکریل آمیدها و آکریلیک اسیدها با این روش قابل پلیمرشدن هستند [۲].

روش پلیمرشدن رادیکالی زنده (مشتمل بر پلیمرشدن رادیکالی با واسطه نیتروکسید (NMP)، پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم (ATRP) - پلیمرشدن انتقال تخریب کننده (DT) و پلیمرشدن انتقال افزایش - جدایشی بازگشت پذیر (RAFT) بر پایه فعال شدن نوبتی مراکز غیرفعال است [۳]. روش ATRP به دلیل سهولت انجام واکنش، قابلیت پلیمرشدن تعداد زیادی از مونومرها و وجود واکنش دهنده های صنعتی یکی از بهترین روش های پلیمرشدن رادیکالی زنده است. در روش ATRP کنترل پلیمرشدن از راه تعادل دینامیکی بین غلظت های زیاد مراکز غیرفعال و غلظت های کم مراکز فعال با انتقال اتم یا گروه حاصل می شود (طرح ۱). در این روش فلن انتقالی  $Mt^n$  مسئول شکست  $Mt^n/L$  آشنا کرک گذاشتن الکترون با رادیکال هالید ناشی از شکستن آغازگر را دارد، به همراه لیگاند کمپلکس کننده  $L$  به عنوان کاتالیزور ATRP شناخته می شود. کمپلکس فلن انتقالی  $Mt^n/L$  مسئول شکست  $Mt^n$  پیوند آلکیل هالید  $R-X$  است که کمپلکس هالید فلن مشابه با درجه اکسایش بیشتر ( $Mt^{n+1}X/L$ ) و رادیکال آلی  $R^*$  (با ثابت سرعت  $k_{act}$ ) را تشکیل می دهد.  $R^*$  می تواند با مونومر وینیلی رشد کند ( $k_p$ )، مانند پلیمرشدن رادیکال آزاد معمولی از راه تسهیم نامتناسب یا جفت شدن خاتمه یابد ( $k_t$ ) یا به طور عکس در موازنی با  $Mt^{n+1}X/L$  برای تشکیل زنجیر پلیمری غیرفعال با سر هالیدی، غیرفعال شود ( $k_{deact}$ ). [۳-۶]

به دلیل حساسیت زیاد واکنش های پلیمرشدن رادیکالی زنده به عوامل محیطی و فرایندی، کنترل داده های به دست آمده از روش های



طرح ۱ - پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم.

( $0.002 \text{ mol}$ ) که نقش لیگاند را دارد، به وسیله سرنگ به محیط واکنش اضافه شد. مخلوط حاصل پس از هم زدن به مدت  $15 \text{ min}$  به علت تشکیل کمپلکس فلز انتقالی با لیگاند ( $\text{CuBr/PMDETA}$ ) به محلولی همگن با رنگ سبز روشن تبدیل شد. سپس،  $0.2934 \text{ mL}$  آغازگر اتیل آلفابرومایزو بوتیرات ( $0.002 \text{ mol}$ ) به مخلوط واکنش اضافه شد. به علت تشکیل کمپلکس فلز انتقالی با درجه اکسایش بیشتر با لیگاند موجود در محیط واکنش ( $\text{CuBr}_2/\text{PMDETA}$ ) محلول همگن با رنگ سبز روشن به مخلوط همگن با رنگ سبز تیره درآمد. با رساندن دمای محیط واکنش به  $105^\circ\text{C}$  واکنش شروع شد. با افزایش دما و افزایش غلاظت کمپلکس فلز انتقالی با درجه اکسایش بالا محیط واکنش به رنگ سبز پر رنگ و کدر تغییر می‌یابد.

**تهیه پلی استیرن به روش پلیمرشدن رادیکال آزاد**  
برای تهیه پلی استیرن، ابتدا  $2857 \text{ mL}$  مونومر استیرن ( $0.025 \text{ mol}$ ) بدون خالص سازی اولیه به همراه  $0.606 \text{ g}$  بنزویل پروکسید ( $0.0025 \text{ mol}$ ) وارد راکتور شیشه‌ای دوجداره شد. برای اجتناب از ورود اکسیژن به محیط واکنش ورودی‌های راکتور با درپوش‌های لاستیکی بسته شد. محیط واکنش سه مرتبه عاری از اکسیژن شده و با گاز خنثی نیتروژن پر شد. با رساندن دما به  $105^\circ\text{C}$  واکنش پلیمرشدن شروع شد. با گرفتن نمونه‌های متوالی تغییرات درصد تبدیل با زمان نیز به دست آمد.

#### تعیین مشخصات

برای تعیین مقدار درجه تبدیل و هم‌چنین رسم نمودار سینتیکی از روش رنگ‌نگاری گازی (GC, Agilent-6890N) استفاده شد. بدین ترتیب که نمونه‌هایی در زمان‌های متفاوت از محتویات راکتور گرفته شده و مقدار استیرن واکنش نداده (مونومر موجود در محیط) اندازه گیری شد. درجه تبدیل از تقسیم غلاظت مونومر تبدیل شده به پلیمر بر غلاظت اولیه مونومر به دست آمد.

برای تعیین وزن مولکولی متوسط عددی و وزنی و توزیع آن از روش رنگ‌نگاری ژل تراوایی (GPC, Waters 2000 ALLIANCE) استفاده شده است. بدین ترتیب که نمونه‌هایی در زمان‌های متفاوت از محتویات راکتور گرفته شد و وزن مولکولی و توزیع آن به دست آمد. از آن جا که نمونه‌هایی خروجی از راکتور دارای مقدار زیادی کمپلکس فلز انتقالی مس اند، برای جلوگیری از آسیب دیدن ستون‌های دستگاه GPC نیاز به خارج سازی یون مس از نمونه‌هاست. بنابراین، نمونه‌ها در حلال تراهیدروفوران حل شده و از ستون سیلیکا و سپس آلومین خنثی عبور داده شدند. بدین ترتیب، یون مس جذب ستون شده و محلول

رایانه‌ای برای شبیه‌سازی به کمک برنامه C++ نوشته شده‌اند و برنامه‌ها روی یک رایانه سرور ساخت شرکت hp با مشخصات Pentium Intel Xeon ( $4 \times 2.3 \text{ GHz}$ ) اجرا شده‌اند.

در این کار، افزون بر بررسی نتایج شبیه‌سازی مونت کارلو برای پلیمرشدن رادیکال آزاد و پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم و بررسی علل تفاوت‌های موجود میان نتایج حاصل از این دو روش پلیمرشدن، به مطالعه اثر تحرک زنجیر بر ثابت سرعت اختتام در هر دو روش پلیمرشدن ارزیابی می‌شود. اصل زنده بودن در باره پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم با بررسی تغییرات غلظت واکنش دهنده‌ها با زمان نیز بررسی شده است.

#### تجربی

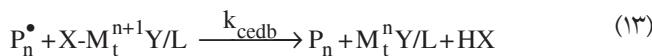
#### مواد

استیرن ( $99\%$ ) از ستون پرشده با آلومینا عبور داده شده و پس از خشک کردن در مجاورت کلسیم هیدرید زیر فشار کاهش یافته تقطیر شد ( $65^\circ\text{C}$  در  $35 \text{ mmHg}$ ). برمید مس (I,  $\text{CuBr}_2$ ) برای حذف هرنوع اکسید کننده محلول با استیک اسید شست و شو و پس از صاف شدن و شست و شو با اتانول و خشک سازی استفاده شد.

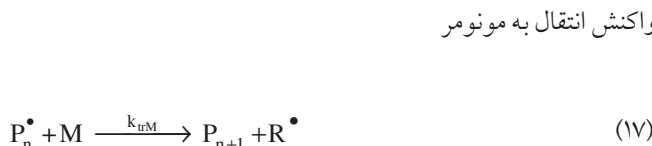
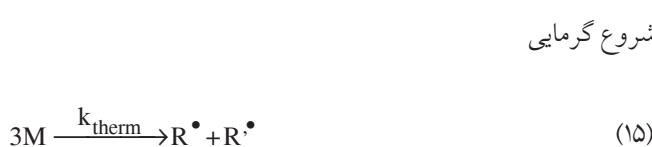
اتیل آلفابرومایزو بوتیرات (EBiB,  $\text{N},\text{N},\text{N},\text{N}'-\text{N}''-\text{N}$ ) و پنتامتیل دی اتیلن تری آمین (PMDETA)  $99\%$  پس از خالص سازی با روش تقطیر، بنزویل پروکسید ( $98\%$ ) پس از تبلور مجدد از هگزان استفاده شدند. از آنیسول از  $99\%$  و تراهیدروفوران (THF,  $99\%$ ) نیز بدون عملیات جانبی خاصی استفاده شد. یادآور می‌شود، تمام مواد از شرکت Aldrich تهیه شدند.

#### دستگاه‌ها و روش‌ها

تهیه پلی استیرن به روش پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم برای تهیه پلی استیرن ابتدا  $0.2869 \text{ g}$  از  $0.002 \text{ mol}$   $\text{CuBr}$  به عنوان کاتالیزور فلز انتقالی به راکتور شیشه‌ای دوجداره افزوده شد. سپس، ورودی‌های راکتور با درپوش‌های لاستیکی بسته شد. این مرحله باید با دقت کافی همراه باشد، چون حین انجام واکنش نباید امکان ورود اکسیژن به محیط واکنش وجود داشته باشد. سپس، محیط واکنش سه مرتبه عاری از اکسیژن و با گاز خنثی نیتروژن پر شد. زیر جو نیتروژن  $2204 \text{ mL}$  مونومر استیرن ( $0.2 \text{ mol}$ ) به همراه  $0.5 \text{ mL}$  آنیسول (استاندارد داخلی GC) به محیط واکنش اضافه شد. سپس،  $0.417 \text{ mL}$



ساز و کار استفاده شده در شبیه سازی واکنش پلیمر شدن رادیکالی معمولی استیرن شامل واکنش های زیر است:



ثابت های سرعت استفاده شده در شبیه سازی ساز و کار و همچنین مقادیر استفاده شده برای اجزای مختلف واکنش در جدول ۱ آورده شده است.

پر واضح است که در واکنش های اختتام دومولکولی با افزایش طول زنجیر های واکنش دهنده فعالیت آنها کاهش می یابد. بنابراین، مدلی نیاز است تا بتواند مقدار ثابت سرعت اختتام بین دو رادیکال با طول های  $i$  و  $j$  ( $k_{tc}^{i,j}$ ) را محاسبه کند. اختتام میان رادیکال هایی با طول کوتاه به کمک معادله (۱۹) محاسبه می شود [۱۷]:

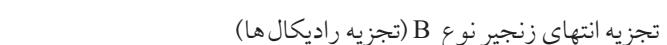
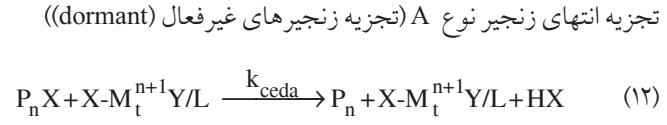
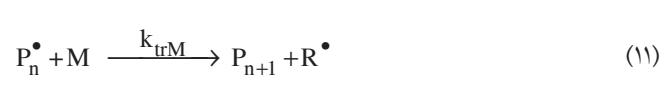
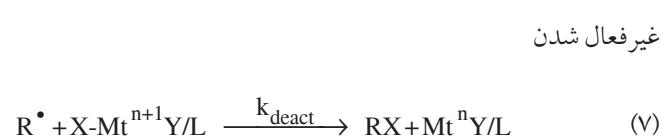
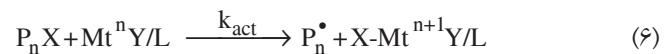
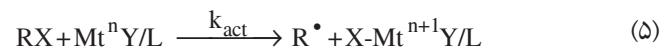
$$k_{tc}^{i,i} = k_{tc}^0 \times i^{-e_s}; \quad i \leq i_c \quad (19)$$

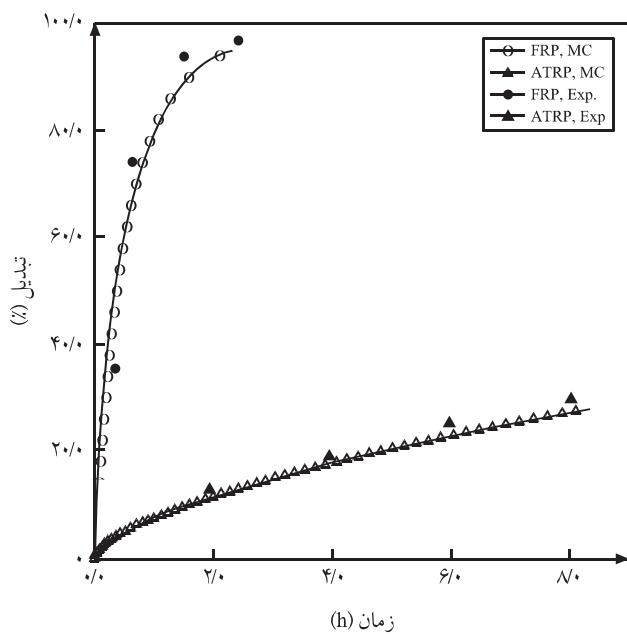
که در آن مقدار  $k_{tc}^0$  در جدول ۱ آمده است.  $i$  و  $j$  به ترتیب طول زنجیر و طول زنجیر بحرانی برای زنجیر هایی با طول کوتاه اند. مقدار  $e_s$  نیز ۵٪

پلی استیرن در تراهیدروفوران از ستون خارج شد.

## نتایج و بحث

ساز و کار استفاده شده در شبیه سازی واکنش ATRP استیرن شامل واکنش های زیر است: فعال شدن

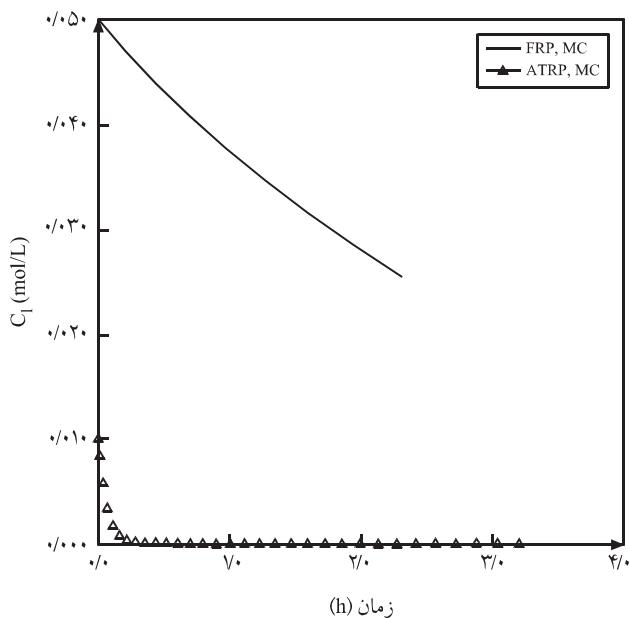




شکل ۱ - تغییرات درجه تبدیل با زمان.

نشان گر شروع رشد هم زمان اکثر زنجیرها در ابتدای واکنش و دلیلی بر ماهیت زنده پلیمرشدن است. اما، در واکنش FRP آغازگر به طور تدریجی و نمایی تجزیه می شود.

شکل ۲، تغییرات متوسط ثابت سرعت اختتام را با افزایش درجه تبدیل نشان می دهد. با توجه به شکل، با در نظر گرفتن اثر طول زنجیر متوسط ثابت سرعت اختتام در واکنش ATRP کاهش و در واکنش



شکل ۲ - تغییرات غلظت آغازگر بر حسب زمان.

جدول ۱ - ثابت های سرعت استفاده شده برای ساز و کار ATRP استیرین.

مرجع	مقدار	پارامتر
[۱۴, ۱۵]	$0/45$	$k_{act}$ (L/mol.s)
[۱۶]	$2/19 \times 10^5 \exp(-13800/T)$	$k_{therm}$ ( $L^2/mol.s$ )
[۱۵]	$7/1 \times 10^{-7}$	$k_{deact}$ (L/mol.s)
[۱۶]	$4/255 \times 10^{-7} \exp(-3910/T)$	$k_p$ (L/mol.s)
[۱۶]	$3/82 \times 10^{-9} \exp(-958/T)$	$k_{tc}^0$ (L/mol.s)
[۱۶]	$2/31 \times 10^{-9} \exp(-6377/T)$	$k_{trM}$ (L/mol.s)
[۱۳]	$7/0 \times 10^{-4}$	$k_{ceda}$ (L/mol.s)
[۱۳]	$7/63 \times 10^{-3}$	$k_{cedb}$ (L/mol.s)
این کار	۱	$[M]_0$ (mol/L); ATRP
این کار	۰/۰۱	$[RX]_0$ (mol/L); ATRP
این کار	۰/۰۱	$[M_t^D Y/L]_0$ (mol/L); ATRP
این کار	۵	$[M]_0$ (mol/L)
این کار	۰/۰۵	$[I]_0$ (mol/L)
$R = 1987 \text{ cal/molK}$		

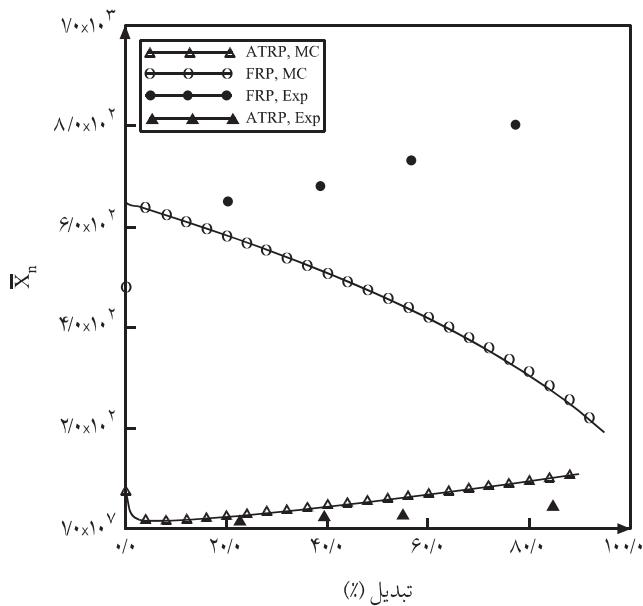
گزارش شده است [۱۷]. برای زنجیرهای با طول بیشتر نیز از معادله (۲۰) استفاده می شود:

$$k_{tc}^{i,i} = k_{tc}^0 \times (i_c)^{-e} S^{+e} L \times i_c^{-e_L}; i > i_c \quad (20)$$

که مقدار  $i_c = 10^{16}$  است.

در شکل ۱، نتایج شبیه سازی و تجربی برای تغییرات درجه تبدیل با زمان برای پلیمرشدن رادیکالی و پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم نشان داده شده است. با توجه به نتایج، سازگاری مناسبی میان داده های تجربی با نتایج شبیه سازی مشاهده می شود. هم چنین، به دلیل ماهیت تعادلی واکنش پلیمرشدن رادیکالی انتقال اتم، مقدار درصد تبدیل در این فرایند در مقایسه با پلیمرشدن رادیکال آزاد به طور محسوسی کمتر است. با کاهش غلظت مونومر در زمان های پایانی و کاهش احتمال دسترسی رادیکال ها به مونومر نیز، روند افزایش درصد تبدیل واکنش ATRP شبیه تغییرات نیز کاهش می یابد. منحنی درصد تبدیل واکنش ATRP نسبت به واکنش FRP از شبیه تغییرات کمتری برخوردار است که این امر نشان از ماهیت زنده واکنش ATRP دارد.

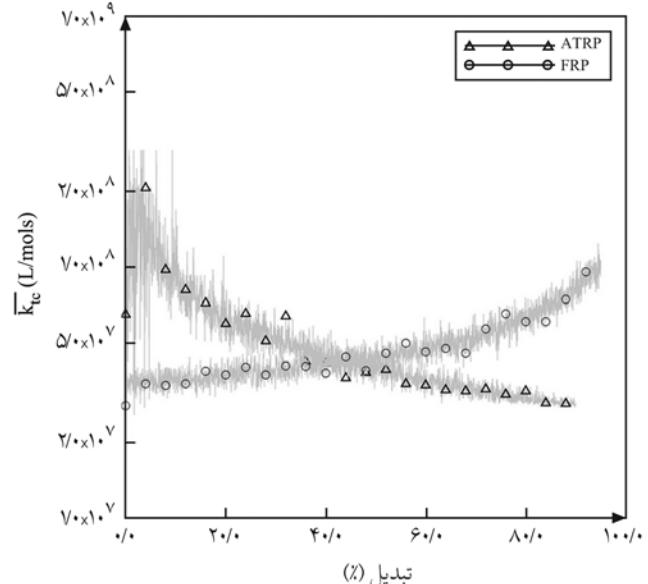
شکل ۲، تغییرات غلظت آغازگر را با زمان نشان می دهد. همان طور که از شکل بر می آید، غلظت آغازگر در ابتدای واکنش در واکنش ATRP به سرعت کاهش یافته و به صفر نزدیک می شود. این امر



شکل ۴- تغییرات متوسط عددی درجه پلیمرشدن بر حسب درصد تبدیل.

در حالتی که اثر طول زنجیر در نظر گرفته شده است وزن مولکولی زیادتری به دست می آید. دلیل این امر کاهش واکنش های اختتام در اثر کاهش ثابت سرعت اختتام با پیش رفت واکنش است. در FRP مشاهده می شود، با افزایش درصد تبدیل وزن مولکولی حاصل از شبیه سازی کاهش می یابد، در حالی که نتایج تجربی عکس این پدیده را نشان می دهند. علت این امر، صرف نظر کردن از موقعیت پدیده ژل است. چون این پدیده باعث بروز خودشتاب دهنده در واکنش انتشار می شود و مقدار رشد زنجیرها را افزایش می دهد. هم چنین در نتایج شبیه سازی به دلیل در نظر گرفتن اثر طول زنجیر درجه پلیمرشدن کاهش می یابد که دلیل این امر افزایش ثابت سرعت اختتام است (شکل ۳).

نتایج شبیه سازی و داده های تجربی برای شاخص پراکندگی در شکل ۵-الف نشان داده شده است. درباره واکنش ATRP با توجه به نتایج، با پیش رفت واکنش به دلیل ماهیت زنده واکنش، شاخص پراکندگی محصول کاهش می یابد و به مقدار در حدود ۱ تر دیگر می شود. داده های شبیه سازی نیز انطباق مناسبی با نتایج تجربی نشان می دهند. در واکنش FRP نیز شاخص پراکندگی در تمام زمان های واکنش مقداری در حدود ۰/۷ دارد. نتایج شبیه سازی در این مورد نیز تا درصد های زیاد از درجه تبدیل با نتایج تجربی هم خوانی دارد. در درصد تبدیل زیاد به دلیل در نظر نگرفتن اثر ژل در شبیه سازی، نتایج هم خوانی مناسبی نشان نمی دهند. علت این امر، عدم امکان رشد زیاد زنجیرها و امکان یکنواخت شدن طول آنها به دلیل در نظر نگرفتن اثر ژل در شبیه سازی است.

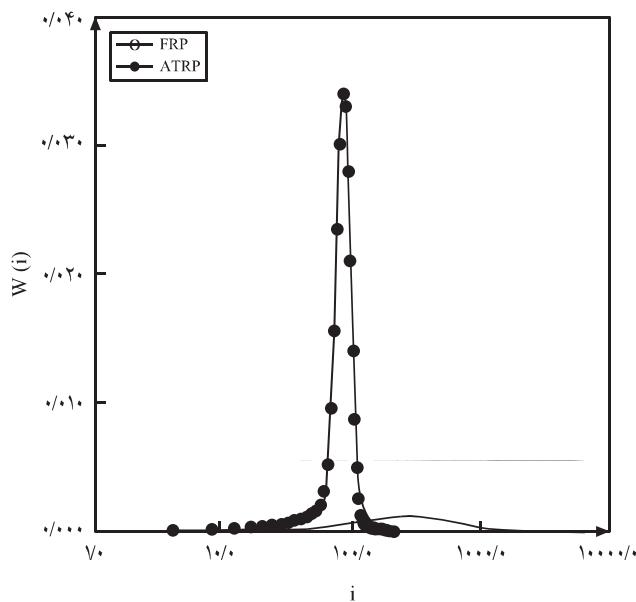


شکل ۳- تغییرات ثابت سرعت اختتام بر حسب درجه تبدیل.

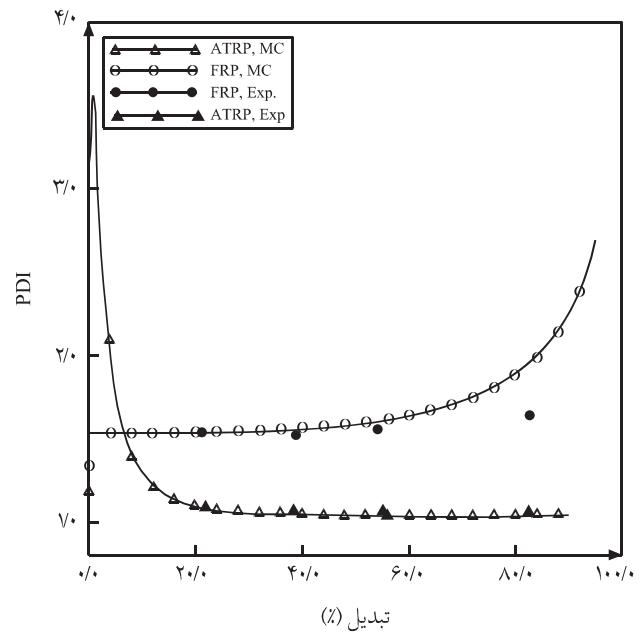
افزایش می یابد. در واکنش ATRP، تمام زنجیرها به طور هم زمان رشد می کنند و با افزایش درصد تبدیل به طور هم زمان تحرک زنجیرهای پلیمری با افزایش طول زنجیر رشد کننده کاهش می یابد. در اثر کاهش تحرک امکان برخورد زنجیرها با یک دیگر کمتر و امکان واکنش اختتام کاهش می یابد. در حالی که در واکنش FRP در هر لحظه از واکنش زنجیرهای پلیمری شروع و رشد می کنند و در نتیجه با افزایش طول زنجیرهای موجود و کاهش تحرک آنها، زنجیرهای با طول کمتر که دارای فراوانی بیشتری اند، امکان اختتام بیشتری پیدا می کنند و در نتیجه متوسط ثابت سرعت اختتام افزایش می یابد.

شکل ۴ نتایج به دست آمده برای متوسط عددی درجه پلیمرشدن را بر حسب درصد تبدیل نشان می دهد. در واکنش ATRP مقدار درجه پلیمرشدن به دست آمده با شبیه سازی اندکی بیشتر از نتایج تجربی است. علت این عدم در نظر گرفتن اثر ژل در شبیه سازی است. هم چنین، در این نوع واکنش، اثر ژل باعث کاهش درجه پلیمرشدن می شود که دلیل آن سرعت انتشار کم در پلیمرشدن رادیکالی زنده است. هم چنین، در پلیمرشدن رادیکالی زنده به علت وجود واکنش های اختتام از نوع ترکیب، وزن مولکولی زیاد هنگامی به دست می آید که مقدار واکنش اختتام در محیط بیشتر باشد و این امر هنگامی اتفاق می افتد که اثر ژل رخ ندهد.

نتایج تغییرات وزن مولکولی بر حسب درجه تبدیل خطی است که این امر تأیید کننده زنده بودن پلیمر شدن است. هم چنین نتایج نشان می دهد،



(ب)



(الف)

شکل ۵ - (الف) تغییرات شاخص پراکندگی با درصد تبدیل و (ب) توزیع وزنی درجه پلیمر شدن.

غاظت آغازگر در ابتدای واکنش در واکنش ATRP به سرعت کاهش یافته و به صفر نزدیک می‌شود، اما در باره واکنش FRP آغازگر به طور تدریجی و نمایی تجزیه می‌شود. با درنظر گرفتن اثر طول زنجیر متوسط ثابت سرعت اختتام در واکنش ATRP کاهش و در واکنش FRP افزایش می‌یابد. در واکنش ATRP مقدار درجه پلیمر شدن به دست آمده با شبیه‌سازی اندکی بیشتر از نتایج تجربی است. در FRP با افزایش درصد تبدیل وزن مولکولی حاصل از شبیه‌سازی کاهش می‌یابد، در حالی که نتایج تجربی عکس این پدیده را نشان می‌دهند. در باره واکنش ATRP با پیش‌رفت واکنش به دلیل ماهیت زنده واکنش شاخص پراکندگی محصول کاهش می‌یابد و به مقداری در حدود ۱ نزدیک می‌شود. در واکنش FRP شاخص پراکندگی در تمام زمان‌های واکنش مقداری در حدود ۰.۷۵ دارد. واکنش ATRP دارای توزیع وزنی بسیار باریکی نسبت به واکنش FRP است. هم‌چنین، در ATRP به دلیل ماهیت تعادلی واکنش، درجه پلیمر شدن که در آن قله پیک اتفاق می‌افتد، نسبت به FRP کمتر است.

شکل ۵ - ب نتایج شبیه‌سازی برای توزیع وزنی درجه پلیمر شدن را نشان می‌دهد. با توجه به نتایج، واکنش ATRP دارای توزیع وزنی بسیار باریکی نسبت به واکنش FRP است که دلیل آن ماهیت تعادلی و زنده واکنش ATRP است. هم‌چنین، در ATRP به دلیل ماهیت تعادلی واکنش، درجه پلیمر شدن که در آن قله پیک اتفاق می‌افتد، نسبت به FRP کمتر است.

## نتیجه‌گیری

پلیمر شدن رادیکال آزاد و رادیکالی انتقال اتم استیرن در دمای ۱۱۰°C انجام و با روش مونت کارلو شبیه‌سازی شد. مقدار درصد تبدیل در واکنش پلیمر شدن رادیکالی انتقال اتم در مقایسه با پلیمر شدن رادیکال آزاد به طور محسوسی کمتر است. با کاهش غلظت موونومر در زمان‌های پایانی و کاهش احتمال دسترسی رادیکال‌ها به موونومر نیز، روند افزایش درصد تبدیل با زمان تغییر کرده و شب تغییرات نیز کاهش می‌یابد.

## مراجع

1. Jakubowski W. and Matyjaszewski K., Activator Generated by Electron Transfer for Atom Transfer Radical Polymerization, *Macromolecules*, **38**, 4139-4146, 2005.
2. Jakubowski W., Min K., and Matyjaszewski K., Activators Regenerated by Electron Transfer for Atom Transfer Radical Polymerization of Styrene, *Macromolecules*, **39**, 39-45, 2006.

3. Braunecker W. and Matyjaszewski K., Controlled/living Radical Polymerization: Features, Developments, and Perspectives, *Prog. Polym. Sci.*, **32**, 93-146, 2007.
4. Matyjaszewski K., Controlling Polymer Structures by Atom Transfer Radical Polymerization and other Controlled/Living Radical Polymerizations, *Macromol. Symp.*, **195**, 25-31, 2003.
5. Kwak Y. and Matyjaszewski K., Photoirradiated Atom Transfer Radical Polymerization with an Alkyl Dithiocarbamate at Ambient Temperature, *Macromolecules*, **43**, 5180-5183, 2010.
6. Tsarevsky N.V., Sumerlin B.S., and Matyjaszewski K., Step-growth «Click» Coupling of Telechelic Polymers Prepared by Atom Transfer Radical Polymerization, *Macromolecules*, **38**, 3558-3561, 2005.
7. Zhenghong L., Zhikai C., and Yaotang S., Monte Carlo Simulation of Propylene Polymerization (I) Effects of Impurity on Propylene Polymerization, *Chin. J. Chem. Eng.*, **14**, 194-199, 2006.
8. Al-Harthi M., Soares J., and Simon C., Dynamic Monte Carlo Simulation of Atom-Transfer Radical Polymerization, *Macromol. Mater. Eng.*, **291**, 993-1003, 2006.
9. Najafi M., Mohammadi Y., and Haddadi-Asl V., Application of Monte Carlo Simulation Method in Investigation of Peculiar Free Radical Copolymerization Reactions: Systems with both Reactivity Ratios Greater than Unity ( $r_A > 1$  and  $r_B > 1$ ), *J. Appl. Polym. Sci.*, **106**, 4138-4147, 2007.
10. Najafi M., Salami-kalajahi M., and Haddadi-Asl V., Quantitative Evaluation of Arrangement of Monomers in Linear Binary Copolymers Using a Monte Carlo Simulation Method, *Chin. J. Polym. Sci.*, **27**, 195-208, 2009.
11. Mohammadi Y., Najafi M., and Haddadi-Asl V., Comprehensive Study of Free Radical Copolymerization Using Monte Carlo Simulation Method, I: Both Reactivity Ratios Less than Unity ( $r_A < 1$  and  $r_B < 1$ ), *Macromol. Theory Simul.*, **14**, 325-336, 2005.
12. Salami-Kalajahi M., Najafi M., and Haddadi-Asl V., Application of Monte Carlo Simulation Method to Polymerization Kinetics over Ziegler-Natta Catalysts, *Int. J. Chem. Kinet.*, **40**, 1-12, 2008.
13. Kwark Y.J., and Novak B.M., Determination of the Kinetic Parameters of Atom Transfer Radical Polymerizations, *Macromolecules*, **37**, 9395-9401, 2004.
14. Queffelec J., Gaynor S.G., and Matyjaszewski K., Optimization of Atom Transfer Radical Polymerization Using Cu(I)/Tris(2-(dimethylamino)ethyl)amine as a Catalyst, *Macromolecules*, **33**, 8629-8639, 2000.
15. Ohno K., Goto A., Fukuda T., Xia J., and Matyjaszewski K., Kinetic Study on the Activation Process in an Atom Transfer Radical Polymerization, *Macromolecules*, **31**, 2699-2701, 1998.
16. Fu Y., Hutchinson R.A., and Cunningham M.F., Modeling of Nitroxide-Mediated Semibatch Radical Polymerization, *Macromol. React. Eng.*, **1**, 243-252, 2007.
17. Smith G.B., Russell G.T., and Heuts J.P.A., Termination in Dilute-Solution Free-Radical Polymerization: A Composite Model, *Macromol. Theory Simul.*, **12**, 299-314, 2003.