

# اثر عوامل ساختاری بر خواص مکانیکی نانوکامپوزیتهاي پلیمر- خاکرس

Effects of Structural Parameters on Mechanical Properties  
Polymer/Clay Nanocomposites

محمود مهرداد شکريه<sup>\*</sup>، سيد احسان سنبلستان

تهران، دانشگاه علم و صنعت ايران، دانشکده مهندسي مکانیك، صندوق پستی ۱۳۱۱۴/۱۳۸۴۶

دریافت: ۸۵/۵/۱، پذیرش: ۸۵/۸/۳۰

## چکیده

امروزه نانوکامپوزیتها به عنوان موادی با خواص جالب توجه علاقه مندیهای زیادی را در زمینه مدل‌سازی ایجاد کرده‌اند. مدل‌سازی اجزای محدود یکی از روش‌های مفید برای پیش‌بینی خواص کشسانی نانوکامپوزیتهاي پلیمر- خاکرس محسوب می‌شود. در این پژوهش، با مطالعه ساختار مواد نانوکامپوزیت مدلی نزدیک به واقعیت ساخته شده است و با بکارگیری اجزا و شرایط مرزی مناسب در مدل خواص کشسانی نانوکامپوزیت مدل‌سازی شده است. عوامل ساختاری مختلفی که در خواص کشسانی نانوکامپوزیتها اثر بسزایی دارند، شامل نسبت حجمی، نسبت منظر خاکرس اصلاح شده، فاصله افقی بین ذرات و مقدار روی هم رفته ذرات به شکل توابعی از عوامل ساختاری تعریف شده‌اند و آثار آنها روی خواص کشسانی نانوکامپوزیت پلیمر- خاکرس اصلاح شده بررسی شده است.

## واژه‌های کلیدی

نانوکامپوزیت، خاکرس اصلاح شده،  
پلیمر، مدل‌سازی اجزای محدود،  
خواص مکانیکی

## مقدمه

ریزکامپوزیتهاي معمولی خواص عالي نشان می‌دهند. اصلاحات در خواص شامل افزایش مدول، استحکام و مقاومت گرمایي و کاهش نفوذپذيری گاز، مقاومت در برابر اشتعال و افزایش زیست تخریب‌پذیری هستند [۱]. مورد مشهود در این مواد، افزایش خواص با مقدار

مواد پلیمری اغلب به وسیله پرکننده‌ها برای اصلاح خواص مکانیکی تقویت می‌شوند. به تازگی کامپوزیتهاي پلیمر- خاکرس اصلاح شده علائق زیادي را در حوزه صنعت و پژوهش ایجاد کرده‌اند، زیرا اين ترکيبات اغلب در مقایسه با پلیمرهای خالص، درشت‌کامپوزیتها يا

## Key Words

nanocomposit, nanoclay,  
polymer, finit elements modeling,  
mechanical properties

\* مؤلف مسئول مکاتبات، پیامنگار: Shokrieh@iust.ac.ir

خاکرس(طبيعي يا اصلاح شده) انواع مختلفی از کامپوزیتهاي پلیمر- خاکرس اصلاح شده به طور ديناميكي قابل دسترس هستند[۱]. در اين پژوهش، خاکرس اصلاح شده از نوع لايه لايه شده كامل مورد مطالعه قرار گرفته است. در کامپوزيت با خاکرس اصلاح شده لايه لايه، خاکرس با ضخامت منحصر به فرد  $1 \text{ nm}$  در محيط پيوسته زمينه پلیمری با فاصله بين لايهای ميانگين توزيع و جدا مى شوند که اين فاصله به غلظت خاکرس بستگی دارد. کامپوزيت با خاکرس اصلاح شده لايه لايه خواص بسيار عالي نسبت به زمينه خالص نشان مى دهد. عموماً کامپوزیتهاي لايهای نسبت به نوع جا داده شده با غلظت يكسان خاکرس اصلاح شده، خواص بهتری نشان مى دهند[۸].

با فرض لايه لايه شدگی كامل، ذرات خاکرس تنها با موادی از يك جنس و خواص همگن رو به رو هستند. با توجه به نسبت منظر زياد خاکرس اصلاح شده، هندسه آن اغلب به شكل صفحه اي، مستطيلي يا دمبهٔ در نظر گرفته مى شود.

علاوه بر پراكنش متنوع ذرات خاکرس اصلاح شده، يكى ديگر از پيچيدگيهای کامپوزيت پلیمر - خاکرس اصلاح شده در مدل سازی، ايجاد ناحيه بین فازی در اين مواد است (شكّل ۱). اين ناحيه بین فازی ناشی از برهmekنش شيميايی مولکولهای پلیمر با سطح ذرات خاکرس اصلاح شده است که باعث تعغير فاز متممايز از پلیمر خالص مى شود.

اضافه شدن اين فاز سوم، پيچيدگي مدل سازی را افزایش مى دهد. در پژوهشی با استفاده از شبیه سازی مونت کارلو در سطح مولکولی، ناحيه بین فازی پلیمر و سطح بررسی شد. اين بررسی مختص به نانوکامپوزیتها نبود، بلکه به طور کلي به کامپوزیتها مربوط مى شد. نتيجه

ناچيزی تقویت کننده است، همچنان این افرايش خواص در اکثر مواقع باعث کاهش خواص در موارد ديگر نمي شود.

اولين بار در سال ۱۹۷۴ از لايهای خاکرس به عنوان تقویت کننده ايده‌آل استفاده شد[۲]. اين کاربرد خاکرس به دليل نسبت منظر بسيار زياد ذرات آن و همچنان ضخامت نانوي آنها در مقاييسه با اندازه ساختار زنجير پلیمر بوده است. دو دهه بعد، گروه پژوهشي شركت توبيتا طرح صنعتي و اقتصادي را برای ساخت کامپوزيت پلیمر. خاکرس اصلاح شده ارائه کرد. ترغيب اين گروه به اين سوبه دليل دو برابر شدن مدول كششی و استحکام کامپوزيت نسبت به پلیمر تنها با استفاده از ۴/۷ درصد وزني خاکرس اصلاح شده بود[۳].

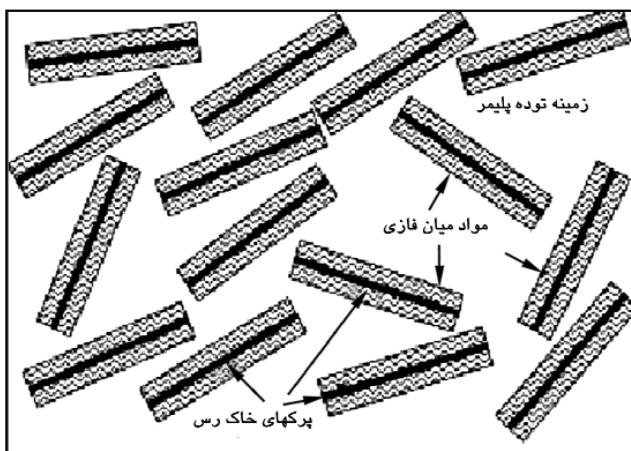
هر چند که پژوهشهاي مبتنی بر آزمایشها برای محاسبه رابطه خواص-ساختار نانوکامپوزیتها استفاده مى شوند، ولی انجام آزمایشها و دستیابي به خواص کامپوزیتهاي نانوساختاري از آن، روشهاي فرایند و تجهیزات آزمایش پیشرفته اي را مطالبه مى کند، که اين موضوع هزینه هاي زيادي را در پي دارد. با توجه به اين مطالب مى توان به مفيد بودن روشهاي مدل سازی برای محاسبه خواص مکانيكي نانوکامپوزیتهاي پلیمری پي برد [۴، ۵].

مدل سازی مواد نانوکامپوزيت پلیمری در راستاي محاسبه خواص اين مواد، امكان بررسی عوامل مؤثر موجود در مسئله برای طراحی و توسعه ساختارهاي نانوکامپوزيتی را در کاربردهای مهندسی فراهم مى کند. خواص مکانيكي مواد نانوساختاري با انتخاب يك نوع از روشهاي محاسباتي بدست مى آيد. دسته‌بندی و انواع اين روشها قبله بررسی شده است[۶، ۷].

در اين مقاله، خواص مواد کامپوزيت پلیمر - خاکرس اصلاح شده با فرض همسان بودن اجزا، به كمک مدل ريزمکانيك اجزاي محدود بررسی شده است. پس از توضیح کلى در مورد روش مدل سازی، عوامل ريساختاري مؤثر و نحوه اثر آنها در مدل تعریف مى شود. در نهايّت، اريزابي و مقاييسه نتایج به دست آمده ارائه و چگونگي تعغيرات خواص کشسانی با مقدار نسبت حجمي ماده پرکننده، نسبت منظر خاکرس اصلاح شده، فاصله افقی بین ذرات و ضریب روی هم رفتگی ذرات مطالعه شده است.

### دیدگلی بر مدل

ذرات خاکرس اصلاح شده با درصد وزني کم، عموماً اگر به طور مناسب در سراسر زمينه پخش شوند، سطحي فعال برای واکنشهاي بین پلیمر و تقویت کننده ايجاد مى کنند. بسته به رفتار متفاوت زمينه و نانوذرات



شكّل ۱ کامپوزیتها با خاکرس اصلاح شده لايهای و ناحيه بین فازی[۷].

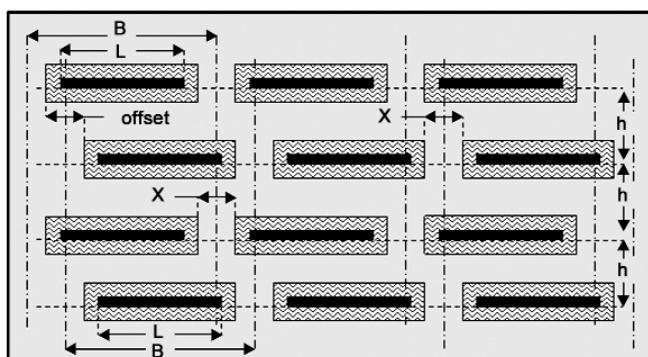
فازی (ناحیه سطحی) صادق است. این موضوع بدان معناست که در اطراف هر ذره ناحیه‌ای به نام ناحیه بین فازی در نظر گرفته شده است. هر دو ذره و ناحیه بین فازی در پلیمر معلق شده‌اند. از آنجاکه ذرات به شکل مستطیل مدل شده‌اند، ماده نانوکامپوزیت نمی‌تواند از نوع همسان انتقالی باشد. دو صفحه تقارن در مدلها وجود دارد که موجب ناهمسان بودن مدل می‌شود.

روی هم رفتگی ذرات یکی از مواردی است که به طور ساختاری روی مدل اثر می‌گذارد. مقدار روی هم رفتگی ذرات به کمک پارامتر  $f_s$  مشخص می‌شود. این پارامتر به عنوان فاصله بین دو ذره روی هم به پهنای یک سلول واحدی است که در آن سلول، تنها این دو ذره جا شده باشند:

$$f_s = \frac{2 \times \text{Offset}}{B} \quad (1)$$

توجه به شکل ۲ می‌تواند در فهم عوامل موجود کمک کند. عامل دوم مربوط به ساختار ذرات، مقدار پراکنش ذرات در پلیمر یا مقدار لایه‌لایه شدگی ذرات است. مقدار لایه‌لایه شدگی ذرات در مدل اجزای محدود با ضریب دیگری به نام ضریب لایه‌لایه شدگی ( $f_x$ ) کنترل می‌شود. ضریب لایه‌لایه شدگی به عنوان فاصله نسبی ذرات یا به عبارت دیگر فاصله افقی بین دو ذره مجاور نسبت به حداقل فاصله ممکن در غیاب ناحیه بین فازی تعریف می‌شود. به بیان دیگر، ضریب لایه‌لایه شدگی، حداقل فاصله بین دو ذره مجاور در کسر حجمی ثابت است. با توجه به شکل ۲ می‌توان نوشت:

$$f_p = \frac{L't}{B'h} \quad (2)$$



شکل ۲ طرح کلی مدل تهیه شده و معرفی عوامل مختلف.

مهم حاصل از پژوهش یاد شده این بود که ضخامت ناحیه بین فازی به شعاع ژیراسیون مولکولهای پلیمر بستگی دارد [۹]. سپس این عقیده با شبیه‌سازی مولکولی مونت کارلو دیگری بسط داده شد [۱۰]. در این بررسی که به طور ویژه روی مواد نانوکامپوزیتی متصرک بود و پیش‌بینی برای این مواد مشابه پژوهش‌های قبل به واستگی ضخامت ناحیه بین فازی به شعاع ژیراسیون مولکولهای پلیمر مربوط بود. محاسبات حاصل از این مطالعه، مدول ناحیه بین فازی را با ضریب حدود ۲ نسبت به پلیمر نشان می‌دهد. وجود فاز سوم در آزمایشها نیز مشاهده می‌شود [۱۱]. در کامپوزیت واقعی پلیمر - خاکرس اصلاح شده، ذرات نانو می‌توانند در جهات و مکانهای نسبی، با طول، ضخامت و نسبت‌های حجمی مختلف قرار بگیرند. همین طور نواحی بین فازی اطراف ذرات با خواص کشسانی متفاوت پلیمر و نواحی گالری بین لایه‌های سیلیکات می‌توانند وجود داشته باشند.

خواص کشسانی نانوکامپوزیت علاوه بر عوامل یاد شده به خواص کشسانی پلیمر نیز بستگی دارد که نحوه اثر آن نیز می‌تواند قابل توجه باشد. در این پژوهش، اثر چهار عامل شامل ریزساختار روی هم رفتگی، مقدار لایه‌لایه شدگی و نسبت منظر ذرات و کسر حجمی خاکرس اصلاح شده روی خواص کشسانی کامپوزیت پلیمر - خاکرس اصلاح شده بررسی شده است. خواص کشسان مورد بررسی شامل مدول کشسانی در جهت طولی ( $E_{11}$ ) و عرضی ذرات ( $E_{22}$ ) و مدول برشی نانوکامپوزیت ( $G_{22}$ ) هستند.

در این پژوهش، از نرم افزار ۹.۰ ANSYS برای تحلیل عددی استفاده شده است. تحلیلها تنها به طور ایستا در نظر گرفته شده‌اند. همان‌طور که واضح است در نرم افزار ANSYS انواع مختلف اجزا وجود دارد. اجزای Plane ۴۲ برای مدل سازیهای دو بعدی سازه‌های جامد به کار می‌رود. این اجزا در هر دو حالت اجزای صفحه‌ای (تنش و کرنش صفحه‌ای) و متقاضان کارایی دارد. اجزای یاد شده دارای سه درجه آزادی بوده و مواد برای پلیمر و گالری همسان فرض شدند. مواد با دو خاصیت مدول کشسان و نسبت پواسون مشخص می‌شوند که به واقعیت هم نزدیک است. ذرات خاکرس هم با توجه به مباحث قبلی با فرضی قابل قبول همسان در نظر گرفته شده‌اند. تحلیلها در محدوده کشسان خطی بوده و با این فرض نمونه‌ها تحلیل شده‌اند.

### شرح مدل نانوکامپوزیت اجزای محدود

در این مدلها فرض شده است که ذرات خاکرس به شکل مستطیلی در حالت دو بعدی باشند. فرض پیوند کامل بین ذرات و ناحیه بین

کسر حجمی ( $f_p$ ) ضریب روی هم رفتگی ذرات ( $f_s$ ) و به جای ضریب لا یه لایه شدگی، پارامتر فاصله افقی بین ذرات ( $x$ ) با توجه به تعریف هر یک بر حسب عوامل هندسی در نظر گرفته شده‌اند (شکل ۲). قابل ذکر است محدودیتهای ضریب لا یه لایه شدگی و فاصله عمودی دو ذره در مدل مدنظر قرار گرفته است.

### مقایسه و ارزیابی خواص کشسانی مدلها

مدول کشسان برای پلیمر، خاکرس اصلاح شده و ناحیه بین فازی و همین طور نسبت پواسون آنها ثابت در نظر گرفته می‌شوند. در جدول ۱ تمام مقادیر یاد شده آمده است.

همان‌طور که در بالا بیان شد، هیچ آزمایشی برای تعیین مدول کشسان ناحیه بین فازی گزارش نشده است. مدول کشسان ناحیه بین فازی دو برابر مدول کشسان پلیمر به کار رفته پیش‌بینی می‌شود [۱۱]. مقدار ضخامت ناحیه بین فازی، متناسب با شعاع ژیراسیون پلیمر، معادل ۲ nm فرض شد.

برای نتیجه‌گیری کامل تعداد زیادی مدل باید ساخته شده و تحلیل

جدول ۱ خواص مربوط به نمونه بررسی شده در مدل عددی.

مقادیر	خواص
۱۷۸	مدول یانگ ذرات خاکرس اصلاح شده (GPa)
۰/۴۱	نسبت پواسون ذرات
۱	ضخامت ذرات (nm)
۹۳/۷	مدول یانگ پلیمر (MPa)
۰/۳۵	نسبت پواسون پلیمر
۱، ۲/۵، ۵	درصد نسبی حجم خاکرس اصلاح شده
۰، ۰/۵، ۱	ضریب روی هم رفتگی ذرات
۴، ۸، ۱۶	فاصله افقی بین دو ذره (nm)
۲۸، ۵۲، ۱۰۰	نسبت منظر
۱	تعداد لایه‌ها در یک ذره

فاصله  $h$  بین ذرات دارای بیشترین مقدار  $h_{max}$  برای کسر حجمی داده شده است که در حالت  $L=B$  ایجاد می‌شود. بنابراین:

$$h_{max} = \frac{t}{f_p} \quad (3)$$

ضریب لا یه لایه شدگی به کمک معادله (۴) تعریف می‌شود:

$$f_x = \frac{h}{h_{max}} = \frac{L}{B} \quad (4)$$

که در آن  $L$  طول ذره و  $B$  پهنای سلول واحد یا سطح معیار حول یک ذره است.  $h$  فاصله عمودی بین ذرات و  $t$  ضخامت ذرات هستند. همان‌طور که از مدل مشاهده می‌شود محدودیتها براي مقدار  $f_x$  وجود دارد. به عنوان مثال،  $f_x = 1$  امکان‌پذیر نیست، زیرا این موضوع به معنای حذف فاصله بین دو ذره و ناحیه بین فازی است. اما، در مدل مشاهده شده ناحیه بین فازی با ضخامت  $\tau$  در نظر گرفته شده است. بنابراین، مقدار  $f_x$  به وسیله  $\tau$  محدود می‌شود. کمترین مقدار  $f_x$  و قدری اتفاق می‌افتد که به  $h_{min}$  کاهش یابد.

$$h_{min} = 2\tau + t \quad (5)$$

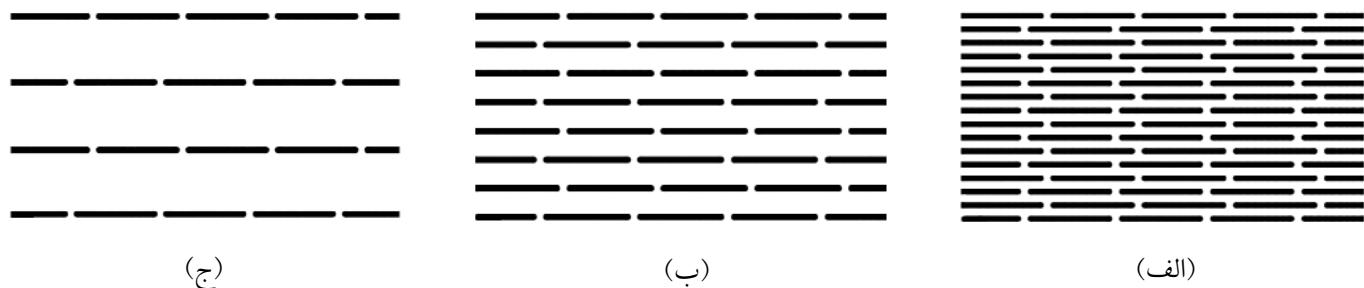
بنابراین، کمترین ضریب لا یه لایه شدگی مجاز به کمک معادله (۶) محاسبه می‌شود:

$$f_{x,min} = \frac{2\tau + t}{t/f_p} = f_p (2\frac{\tau}{t} + 1) \quad (6)$$

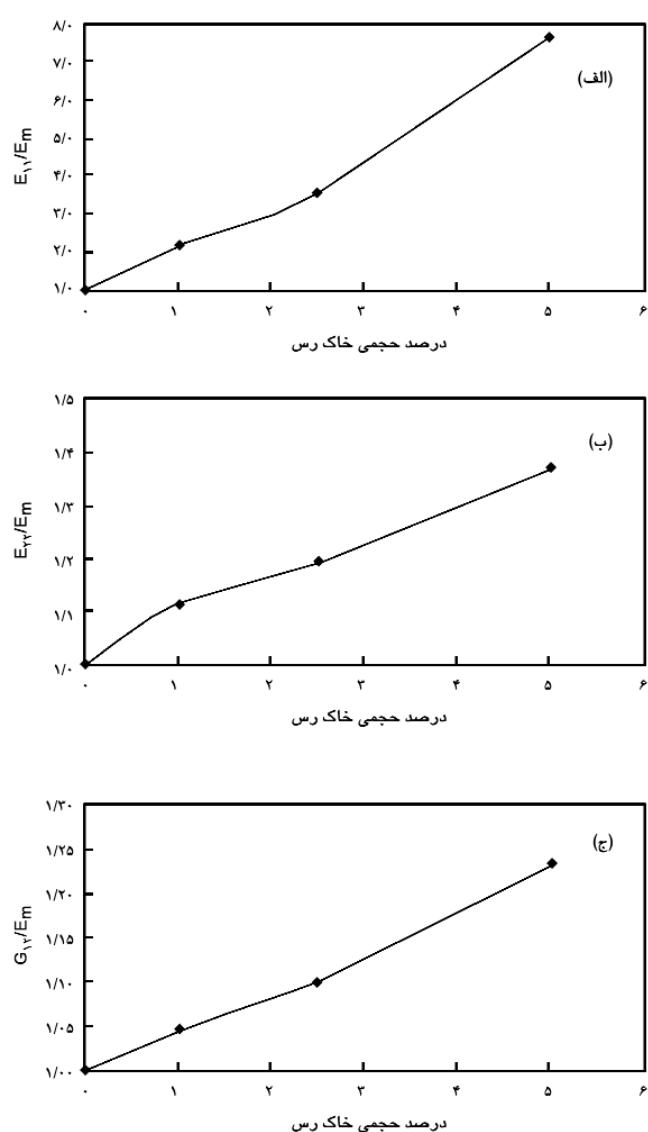
بیشترین مقدار ضریب لا یه لایه شدگی در این مدل به وسیله ضخامت ناحیه بین فازی معین می‌شود. از آنجا که مدل اجازه نمی‌دهد که نواحی بین فازی در انتهای روى یکدیگر بروند، بیشترین مقدار ضریب لا یه لایه شدگی موقعي است که دو انتهای نواحی بین فازی به هم برسند. بنابراین، فاصله بین دو ستون به دو برابر ضخامت ناحیه بین فازی کاهش می‌یابد. بیشترین مقدار مجاز  $f_x$  به وسیله معادله (۷) محاسبه می‌شود:

$$f_{x,max} = \frac{L}{(L + 2\tau)} \quad (7)$$

همان‌طور که تا به حال مشاهده شده است، تمام عوامل ساختاری به طریقی به عوامل هندسی مربوط شده‌اند. عوامل نسبت منظر ( $a = L/t$ ،



شکل ۳ طرح کلی مدلها برای درصد نسبی مختلف حجم خاکرس: (الف) ۵ درصد، (ب) ۲/۵ درصد و (ج) ۱ درصد.



شکل ۴ تغییرات نسبی مدلهاي کشسان نانوکامپوزيت بر حسب درصد حجمي خاکرس: (الف)  $E_{22}/E_m$ ، (ب)  $E_{11}/E_m$  و (ج)  $G_{11}/E_m$ .

شود. با توجه به جدول ۱ تعداد ۸۱ حالت ایجاد شده است. در حالاتی که عوامل دارای بازه باید ثابت بماند، مقادیر ۵ درصد برای درصد نسبی حجم خاکرس  $5/0$  برای ضریب روی هم رفتگی، nm ۸ برای فاصله افقی بین ذرات و  $100$  برای نسبت منظر در نظر گرفته شده‌اند.

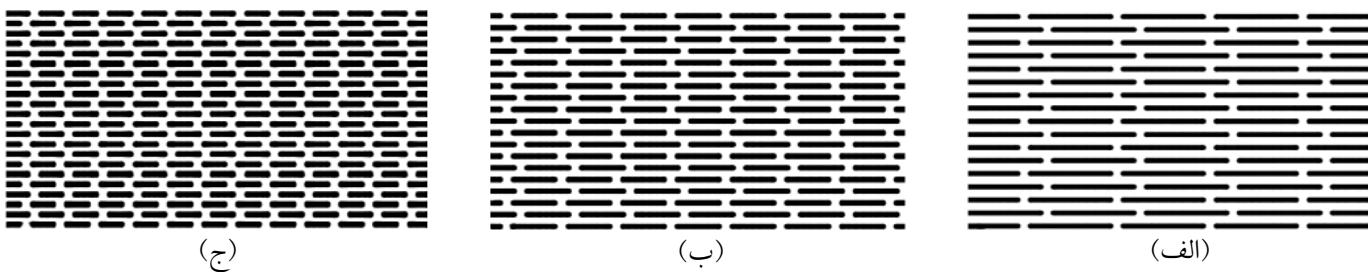
#### اثر نسبت حجمی

در شکل ۳ برای مقایسه طرح‌وار مدلها با نسبت منظر  $100$ ، فاصله بین ستونهای خاکرس nm ۸، ضریب روی هم رفتگی  $5/0$  و درصد نسبی حجمی خاکرس برابر  $1$ ،  $2/5$  و  $5$  درصد، شکل مدلها رسم شده است. شکل ۴ بر اساس تحلیلهای انجام شده مدل، تغییرات نسبی مدلهاي کشسان ( $G_{11}/E_m$ ،  $E_{22}/E_m$  و  $E_{11}/E_m$ ) را بر حسب درصد حجمی خاکرس اصلاح شده در کامپوزیت نشان می‌دهد.

همان‌طور که دیده می‌شود هر سه خاصیت مکانیکی با افزایش درصد حجمی خاکرس افزایش می‌یابد. افزایش خواص با اضافه کردن تقویت کننده منطقی واضح است، ولی همان‌طور که در شکل مشاهده می‌شود افزایش خواص در جهت طول ذرات خیلی بیشتر از افزایش خواص در سایر جهات است.

#### اثر نسبت منظر

اثر نسبت منظر از تقسیم طول ذره به عرض آن حاصل می‌شود. ذرات خاکرس اصلاح شده به علت داشتن ضخامتهاي در حد نانو، دارای نسبتهای منظر زیادی هستند. یکی از عوامل مؤثر بر خواص کشسانی نانوکامپوزیت، نسبت منظر ذرات پراکنده شده در آن است. در شکل ۵ برای مقایسه مدلها به طور طرح‌وار با درصد حجمی  $5$ ، فاصله بین ستونهای خاکرس nm ۸، ضریب روی هم رفتگی  $5/0$  و نسبتهای منظر  $28/52$  و  $100$ ، شکل مدلها رسم شده است. شکل ۶ تغییرات نسبی مدلهاي کشسان ( $G_{11}/E_m$ ،  $E_{22}/E_m$  و  $E_{11}/E_m$ ) را بر حسب نسبت



شکل ۵ طرح کلی مدلها برای نسبتهای منظر مختلف : (الف) ۱۰۰، (ب) ۵۲ و (ج) ۲۸.

منظور در کامپوزیت نشان می‌دهد.

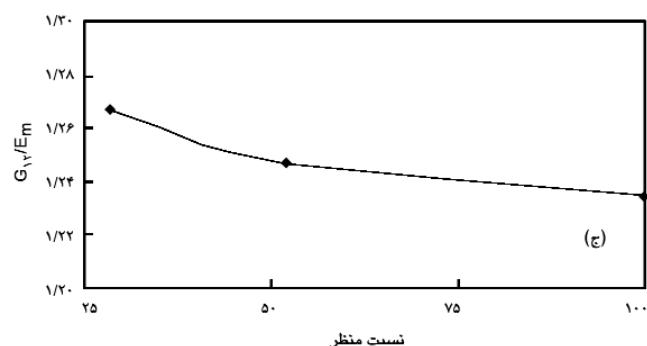
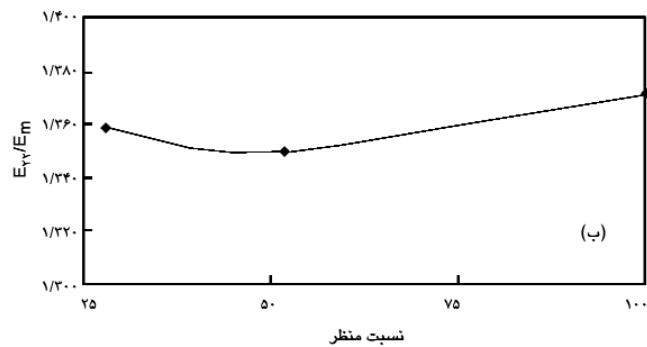
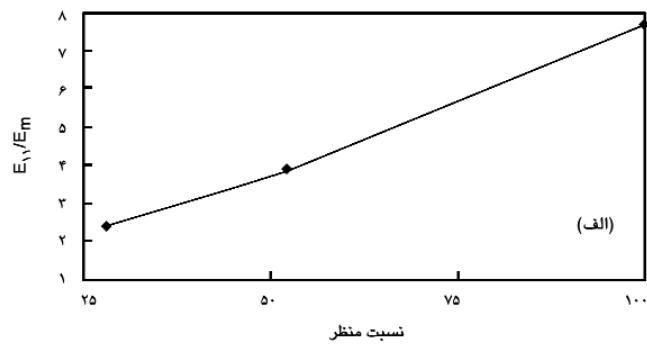
همان طور که دیده می‌شود خاصیت مکانیکی  $E_{11}$  با افزایش نسبت منظر ذرات افزایش می‌یابد. افزایش خواص با اضافه شدن طول ذرات خاکرس قابل پیش‌بینی بود، ولی همان طور که در شکل دیده می‌شود  $G_{12}$  رفتاری معکوس دارد و با افزایش نسبت منظر کاهش می‌یابد. این رفتار به دلیل افزایش کرنش برشی در برابر تنش اعمالی است. این موضوع افزایش نسبت منظر را محدود می‌کند. زیرا، سامانه با به دست آوردن یک خاصیت، در حال از دست دادن مدول برشی است. برای رفتار مدول کشسانی  $E_{22}$  با اضافه کردن نسبت منظر نمی‌توان روند خاصی یافت.

### اثر ضریب روی هم رفتگی

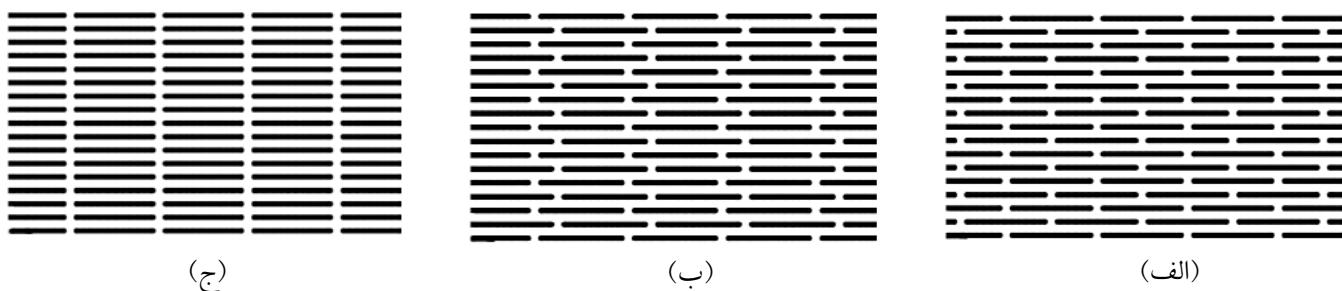
همان طور که قبل نیز به آن اشاره شد، در مدل سازی‌های انجام شده عاملی با عنوان روی هم رفتگی ذرات بررسی شده است. این اثر به کمک ضریب روی هم رفتگی ( $f$ ) کنتrol می‌شود. با زیاد شدن  $f$  درگیری ذرات بیشتر می‌شود. در شکل ۷ برای مقایسه شکل کلی مدلها با نسبت منظر ۱۰۰، درصد حجمی ۵، فاصله بین ستونهای خاکرس ۸ nm و ضریب‌های روی هم رفتگی ۰، ۰/۵ و ۱ شکل مدلها رسم شده است. شکل ۸ تغییرات نسبی مدولهای کشسان ( $E_{11}/E_m$ ) را بر حسب ضریب روی هم رفتگی در نانوکامپوزیت نشان می‌دهد. همان طور که دیده می‌شود خاصیت مکانیکی  $E_{11}$  با افزایش ضریب روی هم رفتگی افزایش می‌یابد. بقیه خواص تغییر چندانی نمی‌کنند و به همین دلیل گزارش نشده‌اند.

### اثر فاصله افقی بین ذرات

در مدل‌های تهیه شده فاصله افقی بین ستونهای ذرات خاکرس یکسان است. نزدیکی لایه‌های خاکرس باعث تداخل اثر و میدان تنش ذرات در یکدیگر می‌شوند. یکی دیگر از عوامل مؤثر بر خواص کشسانی نانوکامپوزیت تغییر فاصله افقی بین ستونهای ذرات پراکنده شده در آن است. در شکل ۹ برای مقایسه شکل کلی مدلها با نسبتهای منظر ۱۰۰،



شکل ۶ تغییرات نسبی مدولهای کشسان نانوکامپوزیت بر حسب نسبت منظر ذرات: (الف)  $E_{11}/E_m$ ، (ب)  $E_r/E_m$  و (ج)  $G_{12}/E_m$ .



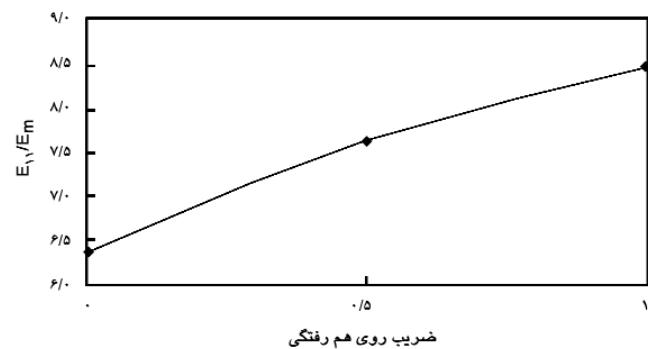
شکل ۷ طرح کلی مدلها برای ضرایب روی هم رفتگی مختلف: (الف)، (ب) و (ج).

افقی بهینه‌تر است. ولی، همان‌طور که مشاهده می‌شود مدل‌های کشسان در جهت ۲ و برشی با افزایش فاصله افقی بین صفحات افزایش می‌یابد.

#### مقایسه پیش‌بینی مدل و داده‌های تجربی

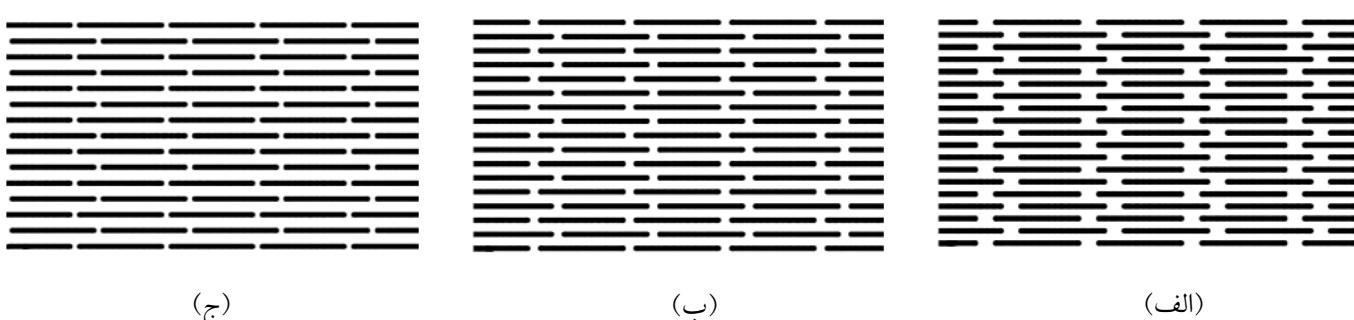
برای بررسی نحوه تطابق مدل‌های موجود با نتایج تجربی، از داده‌های تجربی مربوط به نانوکامپوزیت اپوکسی-خاکرس در پژوهش انجام‌شده توسط لیو (Lue) و دانیل (Daniel) [۸] استفاده شده است. در این پژوهش مواد پلیمر و ذرات تقویت‌کننده همسان فرض شده‌اند. از ذرات خاکرس اصلاح‌شده نوع کلویزیت ۳۰B (Cloisite ۳۰B) با مدول یانگ GPa ۱۷۸ و نسبت پواسون ۰/۴۱ استفاده شده است. ذرات خاکرس اصلاح‌شده صفحه مانند با قطر nm ۱۰۰، ضخامت nm ۱ و نسبت منظر ۱۰۰ هستند. مدول یانگ پلیمر GPa ۰/۷۵ و نسبت پواسون آن ۰/۳۵ است که مربوط به خواص اپوکسی است. درصد نسبت حجمی خاکرس اصلاح‌شده در پلیمر از ۰ تا ۵ درصد تغییر می‌کند. در مدل اجزای محدود، برای سایر عوامل مانند فاصله بین ستونهای خاکرس و ضریب روی هم رفتگی به ترتیب از مقادیر متوسط nm ۸ و ۰/۵ استفاده می‌شود.

مقایسه نتایج مدل و داده‌های تجربی در شکل ۱۱ مدل کشسان

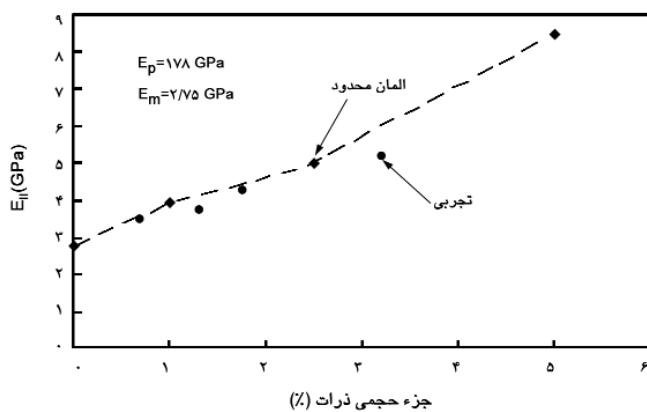
شکل ۸ تغییرات نسبی مدل‌های کشسان  $E_{11}/E_m$  بر حسب ضریب روی هم رفتگی ذرات در نانوکامپوزیت.

درصد حجمی ۵، ضریب روی هم رفتگی ۰/۵ و فاصله‌های افقی بین ستونهای خاکرس ۴، ۸ و ۱۶ nm و ۰/۵ ضریب روی هم رفتگی ذرات در نانوکامپوزیت نشان می‌دهد.

همان‌طور که دیده می‌شود خاصیت مکانیکی  $E_{11}$  با افزایش فاصله افقی بین ستونهای ذرات کاهش می‌یابد. یعنی هر چه ذرات به هم چسبیده‌تر و دارای میدانهای تنش متداولی باشند، خواص در جهت



شکل ۹ طرح کلی مدلها برای فاصله افقی بین ذرات: (الف)، (ب) و (ج).



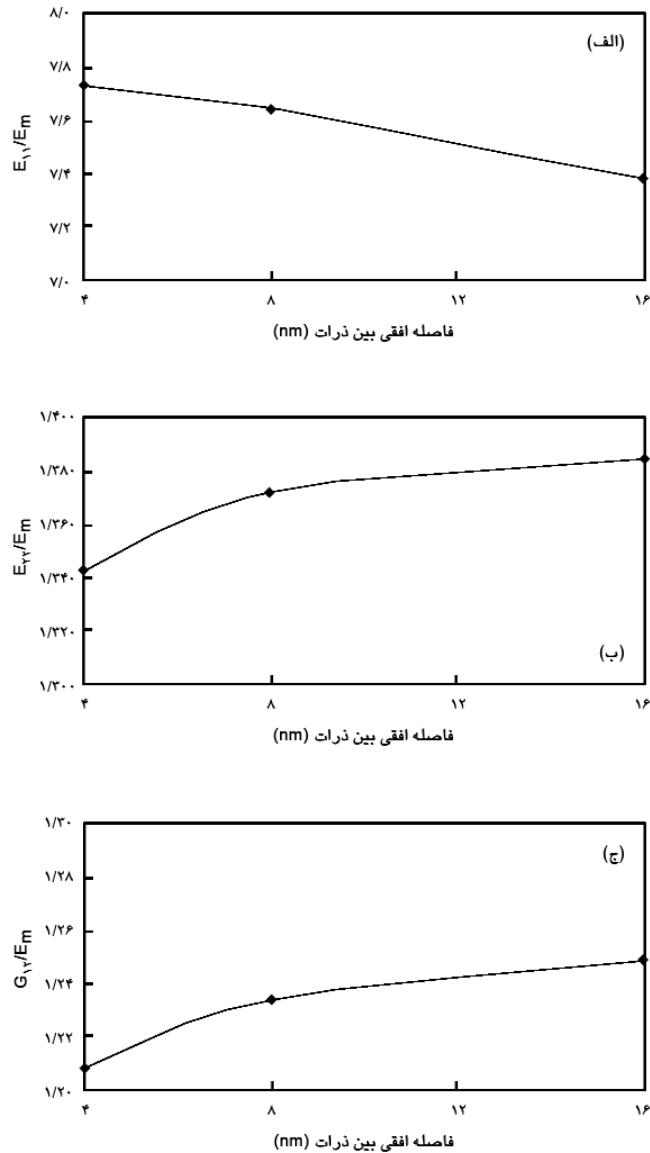
شکل ۱۱  $E_{11}$  برای نسبتهای حجمی مختلف به دست آمده از مدل سازی اجزای محدود و نتایج تجربی.

مکان کامپوزیت واحد است، در حالی که در عمل اگر شرایط مطلوب باشد، تنها  $10\text{--}30$  درصد به طور کامل لایه‌ای هستند که این موضوع به مقدار زیادی باعث کاهش استحکام ماده می‌شود. دلیل دیگر وجود تفاوت در نتایج تجربی و عددی، به نحوه چیدمان لایه‌ای خاکرس اصلاح شده در زمینه مربوط است. در داده‌های محاسبه شده به وسیله مدل‌ها فرض شده که تمام لایه‌ها به طور یکنواخت و هم جهت در راستای مدول محاسبه شده باشند و در تمام نقاط نسبت منظر مؤثر ثابت و حداقل حالت در نظر گرفته شده است. در حالی که در واقعیت خاکرس اصلاح شده به طور تصادفی قرار می‌گیرد و همیشه بیشترین سطح به طور مؤثر ظاهر نمی‌شود.

با مقایسه نتایج تجربی و مدل ارائه شده می‌توان بیان کرد که مدل اجزای محدود نتایج قابل قبولی را با توجه به نتایج تجربی نشان می‌دهد.

## نتیجه گیری

در این پژوهش، مدل‌های اجزای محدود برای پیش‌بینی مدول کشسانی با استفاده از خواص مکانیکی و منظری پلیمر به عنوان زمینه و خاکرس اصلاح شده به عنوان تقویت کننده ارائه شده است. در مدل‌های مربوط با در نظر گرفتن ناحیه بین فازی و استفاده از شرایط مرزی مناسب پاسخهای قابل قبولی به دست آمده است. عوامل ساختاری روی هم رفتگی، مقدار لایه لایه شدگی و نسبت منظر ذرات و همچنین کسر حجمی خاکرس به عنوان عوامل مؤثر بر خواص کشسانی مدنظر قرار گرفته و بر حسب متغیرهای هندسی تعریف شده‌اند. با تغییر این متغیرها



شکل ۱۰ تغییرات نسبی مدولهای کشسانی نانوکامپوزیت بر حسب فاصله افقی بین ذرات: (الف)  $E_{11}/E_m$ , (ب)  $E_{22}/E_m$  و (ج)  $G_{11}/E_m$ .

نانوکامپوزیت را روی نسبت حجمی خاکرس نشان می‌دهد. مقادیر داده‌های تجربی و پیش‌بینی شده در مدل مطابقت قابل قبولی دارند. تفاوت مشاهده شده بین این مقادیر را می‌توان به شکل زیر توجیه نمود: یکی از مواردی که به طور زیادی در مقدار تقویت ماده نانوکامپوزیت اثر می‌گذارد، نحوه پراکنش نانوذرات خاکرس در زمینه مورد نظر است. بهترین نوع پراکنش این ذرات، پراکنش یکنواخت و لایه لایه شدن کامل خاک رس است. در داده‌های حاصل از مدل‌ها فرض شده است که لایه‌های خاکرس به طور کامل از هم جدا شده و تعداد لایه‌ها در هر

در انتها با مقایسه نتایج مدل اجزای محدود و نتایج تجربی به تطابق خوب نتایج می توان پی برد، تفاوت های مشاهده شده قابل درک و توجیه هستند. بنابراین، روش اجزای محدود روشی مطمئن برای پیش بینی خواص کشسانی نانوکامپوزیتهاي پلیمر - خاک رس محسوب می شود.

و در پی آن تغییر عوامل ساختاری عنوان شده آثار مربوط به خواص کشسانی ثبت شدند. بررسیها نشان می دهد که مدول کشسان در هر سه راستا با افزایش درصد حجمی خاک رس افزایش می یابد، در حالی که در مورد نسبت منظر، کاهش مدول برشی مشاهده می شود. برخلاف افزایش فاصله افقی بین ذرات، افزایش ضریب روی هم رفتگی باعث افزایش مدول کشسان کامپوزیت می شود.

## مراجع

- Ray S. and Okamoto M., Polymer / Layered Silicate Nanocomposites : A Review from Preparation to Processing, *Prog. Polym. Sci.*, **28**, 1539-1641, 2003.
- Shepherd P.D., Golemba F.J. and Maine F.W., Clay Layers, *Adv. Chem. Ser.*, 134-141, 1974.
- Usuki A., Synthesis of Nylon 6-Clay Hybrids, *J. Mater. Res.*, **8**, 1179-1184, 1993.
- Brindley S.W. and Brown G., *Crystal Structure of Clay Minerals and their X-Ray Diffraction*, London, Mineralogical Society, 107, 1980.
- Vaia R.A., Teukolsky R.K. and Giannelis E.P., Interlayer Structure and Molecular Environment of Alkylammonium Layered Silicates, *Chem. Mater.*, **6**, 1017-10722, 1994.
- Shokrieh M.M. and Sonbolestan S.E., Modeling of Mechanical Properties of Clay/Polymer Nanocomposites, The 14th International Conference of Mechanical Engineering, ISME 2006 Esfahan, Iran, 529, 2006.
- Valavalas P.K. and Odegard G.M., Modelling Techniques for Determination of Mechanical Properties of Polymer Nanocomposites, *Rev. Adv. Mater. Sci.*, **9**, 34-44, 2005.
- Luo J.J. and Daniel I.M., Characterization and Modeling of Mechanical Behavior of Polymer/Clay Nanocomposites, *Compos. Sci. Technol.*, **63**, 1607-1616, 2003.
- Baschnagel J. and Binder K., On the Influence of Hard Walls on Tructural Properties in Polymer Glass Simulation, *Macromolecules*, **28**, 6808-6818, 1995.
- Fossey S., Atomistic Modeling of Polymer Matrices in Nanocomposites, *Nanocomposites 2002: Delivering New Value to Polymers Conference Proceedings*, San Diego, CA: Executive Conference Management, 842, 2002.
- Ray S. and Garnich M.R., Influence of Constituent Properties and Microstructural Parameters on the Tensile Modulus of a Polymer/Clay Nanocomposite, *Compos. Sci. Technol.*, **64**, 2577-2588, 2004.